

الطبع العربي في الأرقام الرياضية

لأهتم محمد السراج
أستاذ في جامعة الفردوسية سابقاً

مؤلفاته إلى اللاتينية وقد أورد «روتر» في كتابه «رياضيات العرب وفلكيهم وأعمالهم» ما يزيد عن خمسين رياضي وفلكي من العرب.

وأصل العرب (يعني عرب المشرق بلاد الشك) بالهند (2) في عهد خلافة سيدنا عثمان بن عفان وأثناء فتح الحجاج الثقفي للسند (سنة 720 ميلادية) وفتح أبي جعفر التصوّر لقابل وكشمير (سنة 760 ميلادية).

كما أصل عرب المغرب بالاغريق عن طريق السريانيين في آسيا الصغرى وعن طريق الرحلات واستدعاء ملوك المغرب للفتن والاختصاصيين من الاغريق وحدقوا في التفتيش: الأغريقية والسريانية وكانت حفظة للعلوم الاغريقية أضافوا إليها كشفاً جديدة وأثروا الكتب والرسائل وجدوا الآلات وحسنوا الوسائل.

وان أعظم فضل يشاد به للعرب هو نقلهم للأرقام الهندية التي فتحت في الرياضيات ببابا جديداً ما نزال نعيش على ثماره، ولم يتجلّ فضل الأرقام الهندية في رمزها فقد كان لمن سبقهم رموز في القيمة الموضوعية وفي الصفر فيكتفى أن تزيد في الاصيغار عن يمين العدد ليكبر وعن يمين مقام الكسر ليصغر، وما زال الناس يقولون: إن وضع العرب للصفر الحسابي قد حلّ أكبر معضلة رياضية في العالم.

وقد أكد (البيروني) أن اشتراك هذه الأرقام كانت

بدأت كتابة الأرقام والحساب بالأرقام منذ نشوء الكتابة لأول مرة وذلك في حدود 3500 ق. م وبذلت أولى المساعي في المعارف الرياضية منذ منتصف ألفي الثالث قبل الميلاد ونضجت في نهاية الألف الثالث. (1) ولم يكن للعرب في عصر العجمانية معرفة بالرياضيات على الوجه العلمي القسيع إلا فيما يهم تسيير شئون معيشتهم ومعاملاتهم وضبط الزمان والمكان بالمقاييس البدائية وأوليات الأرصاد الفلكية، وعندما ظهر الإسلام وانتشرت تعاليمه وانفسحت رقعة البلاد العربية ابشق ازدهار اقتصادي سايره نشاط تقافي انتقد فيه علوم العرب المسلمين يعلوم غيرهم من البلاد المفترحة وأفضى ذلك إلى مقارنات بين معارف الطرفين كانت متباينة نقاش وقاعدة انطلاق نحو تحوير وتشذيب وتهذيب وتوسيع لما كان عندهم وانتاج خصيّب لما لم يكن عندهم وقد حث الدين الجديد على طلب العلم عموماً وعلم الحساب والفلك خصوصاً لحاجة الميراث والتغافل والمعاملات إلى ذلك وللتوقف على علم الفلك في معرفة سمت القبلة ومواعيده الصلوة والحج ... وناهيك بأبي عبد الله محمد بن موسى الحوارمي أحد منجعات المأمون اشتوفى بعيد منتصف القرن الثالث للهجرة المواقف لما بعد منتصف القرن التاسع للميلاد) والذى كان يعتمد في مؤلفاته الحسابية على الهندوس وغيرهم ومن أميها «العمل بالاسترداد» وقد نقلت بعض

(1) طه باقر - ج 1 ص 332 من تاريخ الحضارات القديمة.

(2) عبد الحميد لطفي والدكتور احمد ابو العباس في كتابهما «تاريخ الرياضيات»، صفحة 66

سنة ٤٨٩ هـ في اسكتلندا سنة ١٥٣٩ وفى إنجلترا سنة ١٥٥٢ وأول ظهورها في التقويم كان في تقويم «كوبيل» سنة ١٥١٨ .

وهذه الأرقام قد تغيرت بعد ذلك إلا القليل منها فالواحد والتسع لم تتغيرا تغيرا يذكر والاثنان والثلاثة تغيرتا تغيرا وضعيا فيما عند الهندود مائتان وعند المغاربة رأسين وتغيرا عند المغاربة أفتين وقد تغيرت الاربعة والخمسة تغيرا تماما أما الستة والسبعين والشانين فقد اختلط بعضها البعض فيلزم الاحتياط والحذر عند قراءتها في التقوش والمخطوطات القديمة أما الصفر فكان يرسم عند اليونود على شكل دائرة في قطبيها نقطة فاستعمل عرب الشرق النقطة تاركين الدائرة واستعمل عرب المغرب الدائرة دون النقطة .

أما النظرية التي تزعم أن الاشكال الحسابية هي زوايا في أصل وضعها فلا تطرد في جميع سلسلة الأرقام لأنها وان تيسرت بالنسبة لرقم الواحد من أنه في الأصل زاوية وبالنسبة للآخرين من كونها في الأصل زاويتين وكذا الثلاثة من كونها ثلاث زوايا والاربعة من كونها أربع زوايا فهي تعتبر في الخمسة والسبعين والثمانية وتتعسر ان لم تقبل تستحيل في الستة والتاسعة اذا لا فرق بينهما الا في الوضع العكسي .

وعلى فرض امكان ذلك مع تكليف فان الفرض من الأعداد الدالة على معدوداتها المتعددة لا على كمية الزوايا حتى يكون ذلك مبررا لصرف المجهودات من أجل تصحيح تلك النظرية ، ومناقشات حولها واستنتاجات منها .

ويؤيد لنا أن نورد بعض النصوص القديمة في موضوع الأرقام مع ايضاحات لها .

فقد قال أبو محمد عبد الله بن محمد بن حجاج الاوزني المعروف بابن الياسمين المتوفى ذييعا بيراكسن سنة ٦٠٢ هجرية في باب مراتب الأعداد من كتابه : «تقدير الأفكار في العمل برسوم الغبار» ما نصه : «واعلم ان الرسوم التي وضعت للعدد تسعة أشكال يترکب عليها جميع العدد وهي التي تسمى أشكال الغبار (راجع اللوحات الآتية) . ولكن الناس عندنا على الوضع الاول ولو اصطلحنا من نفسك على تبدلها

مختلفة باختلاف الجهات في الهند . وان العرب انتقوا منها ما دلواه مناسبا . واكتفى العرب بطريقتين مختلفتين لكتابة الأرقام :

١) الطريقة المشرقية واستعملها عرب بغداد وتطورت تليلا حتى صارت كما هي الآن بمصر والعراق وسوريا ولبنان وببلاد العرب .

٢) الطريقة المغاربية واستعملها عرب الاندلس وتطورت حتى أصبحت كما هي الآن بالقرب .

أخذ الغربيين الطريقة المغاربية

والاحظ (البيروني) أن الغربيين اقتبسوا الطريقة المغاربية عن طريق عرب الاندلس ثم زاد قائلًا : وبهذه المناسبة ن فهو بأن المغاربة الآن لا يزالون يستعملون طريقة أجدادهم فن كتابة الأرقام ولا يظن بأنهم يكتبون الأرقام الفرنجية وإنما الفرنجية هم الذين يكتبون الأرقام المغاربية ولا يزال الغرب يطلق على هذه الأرقام اسم الأرقام الغربية ..

والتنوية بأن المغاربة لا يزالون يستعملون طريقة أجدادهم ... وتخفيصهم بذلك دون غيرهم ونسبة تلك الطريقة لأجدادهم يدل على أنها من وضعهم ولما كانت قيمة الأرقام العربية تتجل في طريقة الاحصاء العشري واستعمال الاصفار لنفس الغاية التي استعملها لها الآن أطلق عليها اسم الاصفار chiffres في المفتين الفرنسي والالمانية على طريق المجاز المرسل بتسمية الكل باسم بعضه الاهم .

يقال بصفة عامة ان الأرقام المغاربية دخلت الى اوروبا في القرن العاشر الميلادي بواسطة البابا سيلقيستر الثاني ١١ Sylvestre وهو جرجيرت Gerbert الذي تعلم في بلاد الاندلس (المولود سنة ٩٩٩ والمتوفى سنة ١٠٠٣ ميلادية) ، وكانت بلاد الاندلس ولا سيما طليطلة ملتقى طلاب المعرفة من مختلف بلاد اوروبا وغير ما السذين التحقوا بجامعتها وأخذوا يقيس من علوم العرب الاصيلة و بما ترجموه عن الاغريق وينص صاحب « تاریخ الرياضيات » أن اول من دعا لاستخدامها « ليوناردو » وأنها ظهرت منقوشا في عملة سويسرا سنة ٤٢٤ و في التاسعاً سنة ٤٨٤ وفي فرنسا سنة ٤٨٥ وفي المانيا

وقد تكون الاشكال الهندسية انتشرت عند عرب التصريح بجواز تبديلها او عكسها كما في هذا النص وغيره .

المشرق لظروف جغرافية هي وقوعهم في طريق الهند ومرور قوافلهم وتجارهم في ارضها وبحكم مخالطتهم والصفقات التجارية تجعل عرب المشرق في حاجة الى معرفة الحساب وأرقامه عند خلطائهم الى غير ذلك مما لم يتتوفر لعرب المغرب مع بعد الشقة بين المغرب والهند وقلة المخالطة حتى مع اخوانهم المشارقة اذ ذاك ، وحتى الاتصالات التي كانت تقع بين أقلية من المغاربة والمشارقة انما تحدث في أيام معدودات من السنة زمن الحرج وكانت الصيغة الدينية التي تكتسيها هذه الرحلة تقوى الجانب المعنوي الروحي وتضعف الجانب المادي فيكون ثانوياً شيئاً غير مستمر ... مما يقتضي عدم اهتمامهم بمقومات التجارة من حساب وغيره .

وقد لاحظ العلامة محمد بن أحمد بن أبي يعيبي المراكشي التلمساني المترفى سنة 867 هـ في شرح كتاب «تلخيص أعمال الحساب» لابي العباس أحمد بن البناء (ص 2) : ان العيسوبى المغربي لسم يشر الى صور الاشكال الخطية لانها ليست مما يحدى العدد ذاته او عرضه الخاص به بل من جهة عرضه العام فشارت كاسماً الدالة عليه ، ثم أكد ان المشهور من ذلك بال المغرب ثلاثة أنواع وأن الأقدمين أبرزوا أن الوضع الطبيعي للعدد هو أن يرسم الواحد علامة واحدة الغـ ٠٠ (راجع اللوحة) ... ويمر كذلك ناهضاً ... فالنوع الاول من الوضاع المذكورة يسمى حساب الغبار لأن واضعيته وهم الهندوس كانوا يتصرفون به في غبار مبسوط على لوح وأشكاله تسعه زمستها في جدول يسهل تناولها وتميز الشازل فيه بالترتيب الوضعي بحيث تخطى العدد شيئاً منها وضع فيه علامة تسمى صفراء للدلائل على خلاه ما هي فيه وفائتها حفظ الترتيب لتعلم منزلة العدد الذي يليها فمعنى الصفر في غيره كالحرف عند النحاة . ثم ذكر النوع الثاني وهو حساب الجمل وحساب أبعد ، والنوع الثالث وهو الزمامي المعبر عنه بالقلم الفاسي . أما القلم الفاسي فقد اقتصرت فيه على المقصوم باللوحة طبق ما جاء في نظم أبي السعود سيدى عبد القادر الفاسي (المولود سنة 1007 هـ والمتوفى سنة

او عكسها لجاز ، ووجه العمل على حالة لا يتبدل وقد وضعها قوم من جواهر الارض مثل الحديد والنحاس من كل شيء منها أعداداً كثيرة ويضرب بها ما شاء من غير نقش ولا محو . واما أهل الهند فانهم يتخذون لرواً أسود يمدون عليه الغبار وينقيون فيه ما شاءوا ولذلك يسمى حساب الغبار وعلى الحقيقة ليس الا المداد والمحرو .

ومعنى هذا ان التسمية بأرقام الغبار تعم السلسلتين والوضاعين مما وان الناس بالغرب في عصره على الوضع الاول وهذا لا ينافي أن بالغرب أقلية تستعمل الوضع الاول في الأغراض العامة كما تستعمل الوضع الثاني في أغراض خاصة وفي مصلحات عمل يعرف عندهم بفن «الجدائل والآفاق» فتملاً المئات بهذا القلم الخاص وترى أنها مفيدة في العلاج وتظن أن للوضع الثاني دخلاً في النفع حيث انه على شكل اجرام سماوية كما يزعمون ... مع اختلاف واضح بينهم وبين المشارقة في الاربعة والخمسة وجوهه في الصifer حيث قيل انه كان في الاصل على شكل دائرة في محورها نقطة فأخذ المغاربة الدائرة والمشاريع النقطة كما سبق ، وممّع تغير بسيط في التسمية .

كما ان نصه لا يدل على أن واضعى السلسلة الثانية وبالآخرى الاولى هم الهندوس وكل ما في الامر انهم كانوا يستعملونها . وطريقة استعمالها عندهم بواسطة النقش على الغبار ... مما جعلها تسمى أرقام الغبار وهذا لا يفيد في شيء أنهم واضعوها في الاصل لأن هذا كما وقع منهم يجوز أن يكون وقع من غيرهم نظراً لقلة وسائل الكتابة اذ ذاك ولأن المسميات تسبّب أسماءها في الوجود عادة ولأن هذه الاشكال الحسابية يقيّت تكتسي بعض ملامع الحروف العربية وتحتفظ بذلك ببعضها من حساب الجمل كما يبدو ذلك جلياً في رقم الواحد اذا لا فرق بينه وبين الالف وبعض الشيء في الاربعة وفي الستة حيث أنها كواو معكوسة الوضع والتسمة التي هي كطاء معكوسة ولا سيما اذا قارنت بين المروف العربية والارقام العربية في مختلف العصور . وانما غيرت الارقام للتفرق بينها وبين الحروف خوف الالتباس او تغيرت في طريقة مع كثرة استعمالها بواسطة الاقلام والايدي المختلفة وايضاً مساعد على التغيير

١٠٩٢ هـ) وما علقه عليه شارحة العسلامة سيدى أحمد سكيرج .

ويستنتج مما جاء في كتاب «تاریخ الرياضيات» (من ٦٥ إلى ص ٦٧) وغيره من الكتب التي عنيت بهذا البحث أن عرب المشرق كانوا وسيلة لاظهار الكنوز العلمية الهندية التي ازدهرت عندهم ومنها على المخصوص فن العحساب وارقامه وإن اعظم نضل يشاد به لهم هو نظم الارقام الهندية .

وان عرب المغرب كانوا وسيلة لاظهار الكنوز العلمية الافريقية حيث اتصلوا بالافريق عن طريق السريان في آسيا الصغرى وذوقوا اللغتين الافريقية والسريانية .

فالافريق كان ينضمهم طريقة منظمة لكتابة الاعداد . وكانوا يكتبون أعدادهم بطريقة تشبه تقريباً طريقة قدما، المصريين كما كانوا يرمون اليها بالعرف الأبجدية فلو كتبوا حسابهم بطريقةتهم لجاء مقدماً .

فالروماني في الفلسفة والشعر والفنون كان مقدماً أما في العلوم والرياضيات فلم تكن لديه الرغبة في أن يكون

اللوحة الأولى للارقام في مختلف العصور والبلاد

٢) الارقام الحسابية المسماة الهندية

عند فئة قليلة من المغاربة لاغراض خاصة تبعاً للمشارقة مع اختلاف في الاربعة والخمسة وتفصير بسيط في التسعة .

نوعان عندهم

تغيرت الاثنين والثلاثة تغيراً طفيفاً .
ففي الهند : ٢ . ٣ . وعند عرب
المشرق : ٤ . ٥ . وعند عرب
المغرب : ٦ .
فكانت في الهند مائة وفي المشرق رأسية وفي المغرب
افقية .

عل
ـ لـ عـ

عند المشارقة
١
٢
٣
الاربعة ٤
الخمسة ٥
٦
٧
٨
التسعه ٩

وتق مثلك الاضلاع

عند فئة من المغاربة

عند المشهورة عموما

	ج	ج	ج
غ	١	٨	
٢	٤	٧	٩
٨	١	٦	٥

ولو كان يملا عندهم
بأرقام عامة
المغاربة لكان كما
يلى :

	١٥	
٤	٩	٢
٣	٥	٧
٨	١	٦

٤	٩	٦
٣	٥	٧
٨	١	٦

2) الارقام سلسitan رسمتا بمحض طرف وفقا لما كانت عليه زمن ابن الياسمين .
وقد أكد ابن الياسمين أن للعدد تسعه اشكال يترتب عليها العدد وهي التي تسمى اشكال الغبار
وهي هذه : وقد تكون ايضا هكذا :

٩ ٨ ٧ ٦ ٣ ٢ ١ ٩ ٨ ٦ ٣ ٢ ١ ٩
ولكن الناس في المغرب على الوضع الاول .

فالوضع الاول هو العام في المغرب والوضع الثاني هو الذي تستعمله الفئة القليلة منه من الغرض المشار
إليه .

3) اشكال الحساب كما رسمت نقلا عن الحباك التلمساني في شرحه لتلخيص ابن البناء :
... النوع الاول من الوضاع المذكورة يسمى حساب الغبار ...
والنوع الثاني وهو حساب الجمل وحساب أبي بعد ...
والنوع الثالث وهو الزمامي المعبر عنه بالقلم الفاسي ...
وكان رسم النوع الاول كما يلى :

١ ٧ ٤ ٦ ٣ ٨ ٥ ٩ ٦ ٣ ٢ ١
فهر اثنان ثالثان اربعان خمسة اسنان اربعين ثمانين سبعين صفر

واحد . اثنان . ثلاثة . أربعة . خمسة . ستة . سبعة . ثمانية . تسعة . صفر .
وقال الحباك ايضا في « جامع اصول الاعداد » ما نصه :

حروف الغبار التي تتصرف في الحساب تسمى حروف صورتها :

٢١
٤ ٦ ٧ ٨ ٩
في رقم السبعة .
٣ ٥ ٦ ٧ ٨ ٩
في رقم الثلاثة وبسيطة .
٢٢
٤ ٦ ٧ ٨ ٩
المغایرة بينهما واضحة .

اللوحة الثانية للأشكال الحسابية

اشكال القلم الفاسي كما ترسم بطرق بعض الرسوم القديمة لبيان حظر الشرك. من فرائض الاصول والرباع . او رسوم المحاسبات او فروض النفقات ، وهى في كل ما ذكر حسب الصرف القديم القائم على المقابل الاولاقى واثمانها والفلوس والمحبوب .

4) أشكال الاعداد الصحيحة - «أشكال الكسور» من ثمن الاوقيات التي هي تسعة ومن فلسن الى أحد عشر فلساً - ومن حب الى سبعة أحبب هكذا :

أثباتها من الواقع الى تسمى أقواء هكذا :

لر بگه هر مرد هر مرد گردانه هر مرد
ک ۷۶۹۵۰۵۲۰

صفر الكسور : / خط رأسى مائل أعلى إلى اليمين صفر الصحيح ثالث نقط

وأسئلته الى اليسار .
ويرمز للانتقال وهو عشر أواق هكذا :

والفرصيون إنما يحتاجون في فرائض الاصحول إلى الاشكال أعلاه . والمحاسبون ومقدرو فرض النفقة كانوا يحتاجون إلى ما سيرسم :

۲۰° ۳۰° ۴۰° ۵۰° ۶۰° ۷۰° ۸۰° ۹۰° ۱۰۰° ۱۱۰° ۱۲۰° ۱۳۰° ۱۴۰° ۱۵۰° ۱۶۰° ۱۷۰° ۱۸۰°

١٠٠٠	مئوا	اللحوظ	٢٠٠٠	اللحوظ	٣٠٠٠	اللحوظ	٤٠٠٠	اللحوظ	٥٠٠٠	اللحوظ	٦٠٠٠	اللحوظ	٧٠٠٠	اللحوظ	٨٠٠٠	اللحوظ	٩٠٠٠	اللحوظ	١٠٠٠٠	اللحوظ
١٠٠	عشرة	اللحوظ	٢٠٠	اللحوظ	٣٠٠	اللحوظ	٤٠٠	اللحوظ	٥٠٠	اللحوظ	٦٠٠	اللحوظ	٧٠٠	اللحوظ	٨٠٠	اللحوظ	٩٠٠	اللحوظ	١٠٠٠	اللحوظ
١٠	مائة	اللحوظ	٢٠	اللحوظ	٣٠	اللحوظ	٤٠	اللحوظ	٥٠	اللحوظ	٦٠	اللحوظ	٧٠	اللحوظ	٨٠	اللحوظ	٩٠	اللحوظ	١٠٠	اللحوظ

5) لاحظ الشيخ سكيرج في شرح منظومة سيدى عبد القادر الفاسى أن وضع هذا القلم إنماقصد به الاختصار فى الرضيع العددى والتعمية على العام خوف التبديل والتغيير ولما كان قليل الدوران الا بين العدول المتقدمين ولا يعرفه الا من له ممارسة وبحث واهتمام بالامور وفترا ظهوره عند السادة الفاسين نسب اليهم وليس من وضعهم بل هو مأخوذ من القلم الرومى القديم ثم ذكر أن صور أشكال القلم الرومى القديم كما يلي :

و استعملوا الجمع بالنسبة لبعض الاعداد كالستة والسبعة والثمانية ... حيث أضافوا الى اليد أصيحاً فصارت ستة هكذا : VII أو أصيغ فكانت سبعة هكذا : VII. - أو ثلاثة أصياغ فبلغت ثمانية هكذا :

VIII

و دلوا على بعض الاعداد الاصول بالحروف على طريقة حساب الجمل عندنا حيث جعلوا اللام ترمز للخمسين هكذا :

$L = 50$

والصاد ترمز للمائة هكذا : I

$C = 100$ والدال ترمز للخمسة مائة هكذا : II

$D = 500$ والميم ترمز للالف هكذا : III

$M = 1.000$ واليمين ترمز للالف هكذا : IV

سالكين فيباقي عملية الجمع والطرح ...

بهذه البساطة تسير عملية الارقام الحسابية عندهم 7 وأنتم هذه الموجة بما بين الترتيب المغربي والمشرقي للحروف الهجائية وحساب الجمل من خلاف

ومع ضيق افقى فى هذا الميدان فلا يظهر لشخص ما زعمه لانه لم يستند فيه على مصدر ولاز هذه الاشكال تحمل طابع المزوف والارقام العربىين .

6) الارقام الحسابية عند الرومان لا يزال الرومان يستعملون الارقام بطريقة خمسية عشرية دخلها الجمع والطرح .

فالواحد يرمزون له بأصياغ واحد اي بخط رأسى هكذا : I - والاثنان بأصياغين هكذا : II

والثلاثة بثلاثة أصياغ هكذا : III

ويرمزون للخمسة بيد واحدة هكذا : V وللمائة

بدين عليا وسفلى هكذا : X ثم انحرفتا هكذا : V

اما الاربعة فاستخدمو فيها طرح واحد من الخمسة اي طرح أصياغ من اليد هكذا : IV - كما طرحوه

من اليدين للدلالة على التسعة هكذا : IX ...

فهي على الترتيب المغربي هكذا :

أبجد هوز حطى كاهن صحفى قيرشت

تحذ طبغش

وعلى الترتيب المشرقي هكذا :

١٠٠٠ ٩٥٠
٩٥٠ ٨٥٠ ٧٥٠
٦٥٠ ٥٥٠ ٤٥٠
٣٥٠ ٢٥٠ ١٥٠
١٥٠ ٧٥٠ ٣٥٠